

Risolvi i seguenti esercizi riportando il calcolo con ordine e completezza, giustificando le tue affermazioni con rigore

1. È assegnato un quadrato $ABCD$ di lato unitario. Preso un punto P sul lato AB , tracciare la semiretta che ha origine in P , forma un angolo di 60° con PB e interseca il lato BC in un punto Q . Determina per quali valori di PB è soddisfatta la

relazione $\sqrt{4AD^2 + DQ^2} - PQ^2 < 4BQ$. Risolvi la disequazione per via grafica.

2. Dopo aver determinato l'ampiezza in gradi sessagesimali di un angolo ampio un radiante (approssimata ad un valore intero), stabilisci se le seguenti affermazioni sono vere o false:

a. se $\cos(x) = 0$, allora $\sin(x) = 1$.

b. la scrittura $\sqrt{\sin 4}$ non ha significato

c. $\tan(5\pi - \alpha) = \tan \alpha$

d. $\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha - \cos \beta$

e. $\sin 90^\circ = \sin(2 \times 45^\circ) = 2 \sin 45^\circ$

f. $\cos x$ è positivo per $-\frac{8}{3}\pi \leq x \leq -\frac{13}{6}\pi$

g. le due scritture $y = \cos\left(x - \frac{\pi}{2}\right)$ e $y = \cos(x) - \frac{\pi}{2}$ rappresentano la stessa funzione

h. $\sin 2 < \sin 3$

i. $\sin 1 > \sin 10$

j. $\cos(-2) < \cos(-3)$

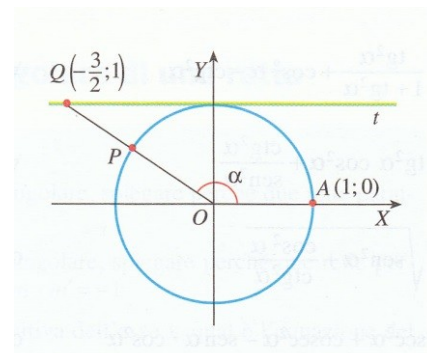
k. $\tan 2 = 2 \tan 1$

l. $\cos^2 100 > \cos 6$

3. Se α è l'angolo indicato in figura, calcola il valore di:

a. $3\sqrt{13} \cdot (\operatorname{tg} \alpha + \cos \alpha) + 9$

b. $3\sqrt{13} \cdot (\sin \alpha + \sec \alpha)$



4. Calcola il valore delle seguenti espressioni:

a.
$$\frac{\cos \frac{11}{6} \pi}{\sin\left(-\frac{4}{3} \pi\right)} + \frac{\sin^2\left(\frac{19}{6} \pi\right)}{\cos \frac{5}{3} \pi \cdot \cos \frac{7}{6} \pi} + \cos \frac{15}{4} \pi \cdot \sin\left(-\frac{3}{4} \pi\right)$$

b.
$$\frac{1 + \sin(-\pi + \alpha)}{\operatorname{tg}\left(\alpha - \frac{9}{2} \pi\right)} + \operatorname{ctg}(5\pi - \alpha) - \frac{1 - \sin(\alpha - 6\pi)}{\cos\left(\frac{11}{2} \pi + \alpha\right) \cdot \cos(\alpha - 3\pi)}$$